

PRÁCTICA 3

Conjuntos. Parte II.

1. a) Sea $A = \{1, \{2\}, \{\emptyset\}, \{1, 2\}\}$, hallar $P(A)$.
 b) Hallar: $P(\emptyset)$ y $P(P(\emptyset))$.
2. Demostrar:
 - a) $A \cap B = \emptyset \iff P(A) \cap P(B) = \{\emptyset\}$
 - b) $P(A \cap B) = P(A) \cap P(B)$
3. Sean: $A = \{1, 3, \sqrt{4}\}$; $B = \{3, 4, 1^3, b\}$; $C = \{0, b, 2, 3\}$. Hallar: $A - B$, $A - C$, $A - (C - B)$, $(A - B) - (A - C)$, $(A - B) - A$.
4. a) Sean $A = \{1, 2, 3\}$, $B = \{7\}$, $C = \{3, 6\}$, $D = \{5, 9, 10\}$ y $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$.
 Hallar: $(B^c \cup D) \cap C$, $(D \cap A) \cup B^c$, $(C - D)^c \cup A$, $A^c - C$.
 Los complementos se toman con respecto a U .
 b) Hallar el complemento de $A = \{x \in \mathbb{N} / 1 \leq x\}$ y de $B = \{x \in \mathbb{R} / 1 \leq x\}$ siendo $U_A = \mathbb{N}$ y $U_B = \mathbb{R}$.
5. Sean $A \subset U$ y $B \subset U$, siendo U un universo dado. Probar:
 - a) $A - B = A \cap B^c$
 - b) $(A \cap B)^c = A^c \cup B^c$
6. Determinar si la siguiente afirmación es verdadera o falsa. Justificar. $A \cap B = \emptyset$ entonces $A \subset B^c$
7. ¿Cuál o cuáles de las siguientes expresiones son equivalentes a $A \subseteq B$?
 (a) $A \cap B^c = \emptyset$ (b) $A \cap B^c = A$ (c) $A \cup B^c = U$ (d) $A^c \cup B = U$
8. Hallar $A \Delta B$ en los siguientes casos:
 - a) $A = \{x: x \in \mathbb{R} \wedge x \geq 1\}$, $B = \{x: x \in \mathbb{R} \wedge x \leq 3\}$
 - b) A es el conjunto de los números impares; B es el intervalo natural $[12, 30]$.
9. Probar: (A, B, C conjuntos; U el universo donde están definidos esos conjuntos). Representar utilizando diagramas de Venn
 - (a) $A - (B - C) = (A - B) \cup (A \cap C)$ (b) $A - B \subset A$ (c) $A - B = (A \cup B) - B$
 - (d) $A - B = A - (A \cap B)$ (e) $(A \cap B) - C = (A - C) \cap (B - C)$ (f) $A \Delta B = B \Delta A$
 - (g) $A \Delta U = A^c$
10. Hallar valores de x e y (si existen) para que los siguientes pares ordenados sean iguales:

a) $(5x - 2, 1); (3, x - 3y)$

b) $(x + 3, 4); (2, x + y)$

11. Sean A y B conjuntos, se define el conjunto $A \times B = \{(x, y) : x \in A \wedge y \in B\}$.

Para los siguientes conjuntos, $A = \{1, 3\}$, $B = \{w, u, 1\}$, $C = \{\emptyset, 1\}$, $D = \emptyset$ y $U = A \cup B \cup C \cup D$, determinar:

(a) $A \times B$

(b) $C \times A$

(c) $A \times D$

(d) $(A - B) \times C$

(e) $(A - C) \times D$

(f) $(B^c \cup C) \times A$

(g) $A \times (B \cup C)$

(h) $(A \times B) \cup (A \times C)$

(i) $(A \times B) \cap (A \times C)$

(j) $(A \times B) - (A \times C)$

(k) $(A \cap C) \times (D \cup B)$.

12. Para los siguientes conjuntos, hallar y representar en el plano $A \times B$:

a) $A = \{1, 2, 3\}$, $B = \{-1, 5\}$.

b) $A = [0, 1]$, $B = [-1, 1]$.

c) $A = [0, 4)$, $B = (-5, 2]$